

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة الاستدراكية 2014  
الموضوع

RS 22

٢٠١٤-٢٠١٥ | ٢٠١٤-٢٠١٥ | ٢٠١٤-٢٠١٥ | ٢٠١٤-٢٠١٥



المملكة المغربية  
وزارة التربية الوطنية  
والتكوين المهني

المركز الوطني للتحفيظ والامتحانات والتوجيه

المادة	الرياضيات	مدة الإنجاز	3
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسالكيها	المعامل	7

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؟
- عدد الصفحات: 3 (الصفحة الأولى تتضمن تعليمات و مكونات الموضوع والصفحتان المتبقيتان تتضمنان موضوع الامتحان ) ؟
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؟
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة ؟
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمرين ، فكل رمز مرتبط بالتمرین المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

مكونات الموضوع

يتكون الموضوع من خمسة تمارين مستقلة فيما بينها و تتوزع حسب المجالات كما يلي :

التمرین الأول	المهندسة الفضائية	3 نقط
التمرین الثاني	المتتاليات العددية	3 نقط
التمرین الثالث	حساب الاحتمالات	3 نقط
التمرین الرابع	الأعداد العقدية	3 نقط
التمرین الخامس	دراسة دالة وحساب التكامل	8 نقط

## الموضوع

## التمرين الأول (3 ن)

نعتبر، في الفضاء المنسوب إلى معلم متعدد منظم مباشر  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، النقطة  $A(0,0,1)$  و المستوى  $(P)$  الذي معادلته  $2x + y - 2z - 7 = 0$  و الفلكة  $(S)$  التي مركزها  $(0,3,-2)$  و شعاعها هو 3

$$(1) \text{ أ- بين أن : } \begin{cases} x = 2t \\ y = t \\ z = 1 - 2t \end{cases} \quad (t \in \mathbb{R}) \quad 0.5$$

ب- تحقق من أن  $H(2,1,-1)$  هي نقطة تقاطع المستوى  $(P)$  والمستقيم  $(\Delta)$  0.5

$$(2) \text{ أ- بين أن } \vec{u} = 2\vec{i} + \vec{j} - 2\vec{k} \text{ حيث } \vec{u} = 3(\vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}) \quad 0.75$$

ب- بين أن مسافة النقطة  $\Omega$  عن المستقيم  $(\Delta)$  تساوي 3 0.5

ج- استنتج أن المستقيم  $(\Delta)$  مماس للفلكة  $(S)$  و تتحقق من أن  $H$  هي نقطة تمس المستقيم  $(\Delta)$  و الفلكة  $(S)$  0.75

## التمرين الثاني (3 ن)

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}^*}$  المعرفة بما يلي : 0.75

$$(1) \text{ بين بالترجع أن } u_n > 2 \text{ لكل } n \in \mathbb{N}^* \quad 0.75$$

$$(2) \text{ نعتبر المتتالية العددية } (v_n)_{n \in \mathbb{N}^*} \text{ المعرفة بما يلي : } v_n = \frac{3}{u_n - 2} \text{ لكل } n \in \mathbb{N}^* \quad 1$$

$$\text{أ- بين أن } v_{n+1} = \frac{1+u_n}{u_n - 2} \text{ لكل } n \in \mathbb{N}^* \text{ ثم بين أن المتتالية } (v_n)_{n \in \mathbb{N}^*} \text{ حسابية أساسها 1} \quad 1$$

$$\text{ب- اكتب } v_n \text{ بدلالة } n \text{ و استنتج أن } u_n = 2 + \frac{3}{n} \text{ لكل } n \in \mathbb{N}^* \quad 0.75$$

$$\text{ج- حدد } \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n \quad 0.5$$

## التمرين الثالث (3 ن)

لتحديد سؤالي اختبار شفوي خاص ب المباراة توظيف، يسحب مترشح، عشوائيا ، بالتتابع و بدون احلاط بطاقتين من صندوق يحتوي على 10 بطاقات : ثمان بطاقات تتعلق بمادة الرياضيات و بطاقتان تتعلقان بمادة اللغة الفرنسية (نعتبر أنه لا يمكن التمييز بين البطاقات باللمس). 1.5

(1) نعتبر الحدث  $A$  : "سحب بطاقتين تتعلقان بمادة اللغة الفرنسية" و الحدث  $B$  : "سحب بطاقتين تتعلقان بمادتين مختلفتين"

$$\text{بين أن } p(B) = \frac{16}{45} \quad \text{و} \quad p(A) = \frac{1}{45}$$

(2) ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد البطاقات المسحوبة المتعلقة بمادة اللغة الفرنسية

أ- تتحقق من أن القيم التي يأخذها المتغير العشوائي  $X$  هي 0 و 1 و 2 0.25

$$\text{ب- بين أن } p(X = 0) = \frac{28}{45} \text{ ثم أعط قانون احتمال } X \quad 1.25$$

## التمرين الرابع (3 ن)

1) حل في مجموعة الأعداد العقدية  $C$  المعادلة :  $z^2 - 4z + 5 = 0$  0.75

2) نعتبر، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر  $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ ، النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  و  $\Omega$  التي أحقها على التوالي هي :  $d = -i$  و  $c = i$  و  $b = 2 - i$  و  $a = 2 + i$  و  $\omega = 1$

أ- بين أن  $\frac{a - \omega}{b - \omega} = i$  0.25

ب- استنتج أن المثلث  $\Omega AB$  قائم الزاوية و متساوي الساقين في  $\Omega$  0.5

3) ليكن  $z$  لحق نقطة  $M$  من المستوى و  $z'$  لحق النقطة  $M'$  صورة  $M$  بالدوران  $R$  الذي مركزه  $\Omega$  و زاويته  $\frac{\pi}{2}$  0.5

أ- بين أن  $z' = iz + 1 - i$  0.5

ب- تحقق من أن  $R(D) = B$  و  $R(A) = C$  0.5

ج- بين أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  تنتهي إلى نفس الدائرة محدداً مركزها 0.5

## التمرين الخامس (8 ن)

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $IR$  بما يلي :

و ليكن  $(C)$  المنحني الممثل للدالة  $f$  في معلم متعمد منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  ( الوحدة :  $2 \text{ cm}$  ) 0.75

1) بين أن  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 0$  و أول النتيجة هندسيا 0.75

2) أ- بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$  و أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$  0.75

ب- استنتاج أن المنحني  $(C)$  يقبل فرعاً شلجمياً بجوار  $+\infty$  يتم تحديد اتجاهه 0.5

3) أ- بين أن  $f'(0) = 0$  1

ب- بين أن  $0 \leq e^x - 1 \leq x$  لكل  $x$  من  $[0, +\infty)$  و أن  $0 \leq e^x - 1 \leq x$  لكل  $x$  من  $(-\infty, 0]$  0.5

ج- بين أن الدالة  $f$  تزايدية على  $[0, +\infty)$  و تناظرية على  $(-\infty, 0]$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $IR$  1.25

4) أ- بين أن المعادلة  $f(x) = \frac{1}{2}e^{\frac{1}{2}x}$  تقبل حل وحيداً  $\alpha$  في  $[0, +\infty)$  و أن  $\alpha < 1$  ( نقبل أن  $1 < \alpha$  ) 0.75

ب- أنشئ  $(C)$  في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  ( نقبل أن للمنحني  $(C)$  نقطة انعطاف وحيدة غير مطلوب تحديدها ) 0.75

5) باستعمال متكاملة بالأجزاء ، بين أن  $\int_0^1 \frac{1}{2}xe^{2x} dx = \frac{1}{4}$  0.75

6) احسب ب  $cm^2$  مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحني  $(C)$  و محور الأفاسيل و المستقيمين 1

الذين معادلاتها  $x = 0$  و  $x = \frac{1}{2}$

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا  
الدورة الاستدراكية 2014  
عناصر الإجابة

RR 22



النوع	المادة	الشعبة أو المسلك
3	الرياضيات	
7	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسالكها	الشعبة أو المسلك

تؤخذ بعين الاعتبار مختلف مراحل الحل وتقبل كل طريقة صحيحة تؤدي إلى الحل

التمرين الأول ( 3 ن )

أ- 0.5 ل $H$ نقطة تقاطع ( $\Delta$ ) و ( $P$ )	0.5	(1)	1
أ- 0.75	0.75	(2)	2
ب- 0.25 لصيغة المسافة و 0.25 لحساب $H$ هي نقطة التماس ج- 0.5 لاستنتاج و 0.25 لحساب			

التمرين الثاني ( 3 ن )

أ- 0.5 للمتساوية و 0.5 للمترالية حسابية ب- 0.25 لكتابية $v_n$ بدلالة $n$ و 0.5 لاستنتاج ج- 0.5	0.75	(1)	0.75
		(2)	2.25

التمرين الثالث ( 3 ن )

أ- 0.5 للمراحل المتبقية و المؤدية إلى (A) و 0.25 للحساب (سواء تم ذلك باستعمال صيغة $A_n^p$ أو باستعمال الآلة الحاسبة ) ب- 0.25 للمراحل المتبقية و المؤدية إلى (B) و 0.5 للحساب (سواء تم ذلك باستعمال صيغة $A_n^p$ أو باستعمال الآلة الحاسبة )	0.5	(1)	1.5
	0.25	(2)	1.5

التمرين الرابع ( 3 ن )

أ- 0.25 لحساب المميز و 0.25 لكل حل من الحلين ( تمنع 0.75 إذا تم التوصل للحلين بطريقة أخرى )	0.25	(1)	0.75
أ- 0.25 لقياس الزاوية هو $\frac{\pi}{2}$ و 0.25 ل $\Omega A = \Omega B$	0.25	(2)	0.75
ج- 0.5 ب- 0.5 ( 0.25 لكل تحقق )	0.5	(3)	1.5

0.5 لحساب النهاية و 0.25 للتأويل	(1)	0.75
$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ لـ 0.25 و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ لـ 0.5	(2)	1.25
ب- 0.5		
أ- 0.75 لحساب المشتقة و 0.25 للتحقق ب - 0.25 لكل متفاوتة	(3)	2.75
ج- 0.5 للدالة تزايدية على المجال $[0, +\infty]$ و 0.5 للدالة تناصصية على $[-\infty, 0]$ للجدول		
أ- 0.75 ل وجود وحدانية $\alpha$ و 0.25 ل $f\left(\frac{1}{2}\right) < 0$	(4)	1.5
ب- 0.75 (انظر الشكل)		
0.5 لتقنية المكاملة بالأجزاء و 0.25 للحساب	(5)	0.75
$(4\sqrt{e} - 5) \text{ cm}^2$ - 0.5 للمساحة هي $cm^2$ لـ 0.5 للمساحة بـ	(6)	1

