

## التوازي ومنتصفات أضلاع مثلث

\* \* \* \* \* اع الحصالي ازيلال-محمد بنعدي- \* \* \* \* \*

ملاحظات	الكفايات	المحتوى
البرهنة على بعض الخصائص كل ما أمكن أي إذا كان مستوى التلاميذ يسمح بذلك	معرفة واستعمال المبرهنات التالية - في كل مثلث المستقيم المار من منتصف ضلعي مثلث يوازي حامل الضلع الثالث - في كل مثلث المستقيم المار من منتصف ضلع والموازي لحامل ضلع ثاني يمر من منتصف الضلع الثالث - طول القطعة التي تربط بين منتصف ضلعي مثلث يساوي نصف طول الضلع الثالث	- المستقيم المار من منتصف ضلعي مثلث - مستقيم يمر من منتصف ضلع ويوازي ضلع آخر في مثلث

### 1- خاصية 1

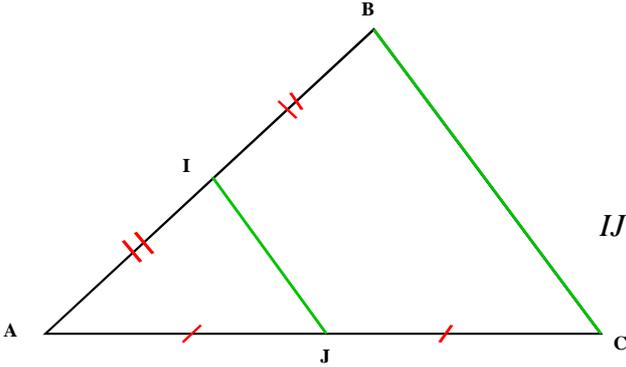
**تمرين:** مثلث معلوم و I منتصف القطعة [AB] و J منتصف [AC]

1- انشئ (d) مائلة I بالنسبة للنقطة J

2- حدد طبيعة الرباعي AICI' ؟ علل جوابك

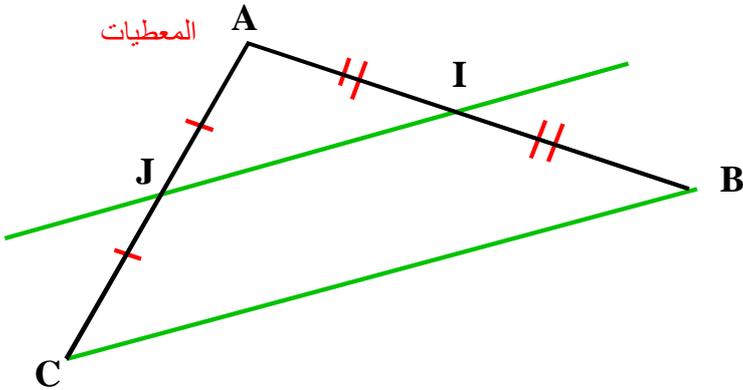
3- ماهي طبيعة الرباعي IBCI'

4- استنتج من خلال ماسبق أن (IJ) يوازي (BC) وان  $IJ = \frac{1}{2} BC$



### خاصية

في كل مثلث المستقيم العار من منتصف ضلعي مثلث يوازي حامل الضلع الثالث



المعطيات

المعطيات

I منتصف القطعة [AB]  
و J منتصف [AC]

$IJ = \frac{1}{2} BC$  وان (IJ) يوازي (BC)

### 2- خاصية 2

#### تمرين

ABC مثلث معلوم و I منتصف القطعة [AB] ، الموازي للمستقيم (BC) و المار من I يقطع (AC) في J

1- انشئ المستقيم المار من C و الموازي للمستقيم (AB) ، هذا المستقيم يقطع (IJ) في D

2- حدد طبيعة الرباعي IBCD ؟ علل الجواب

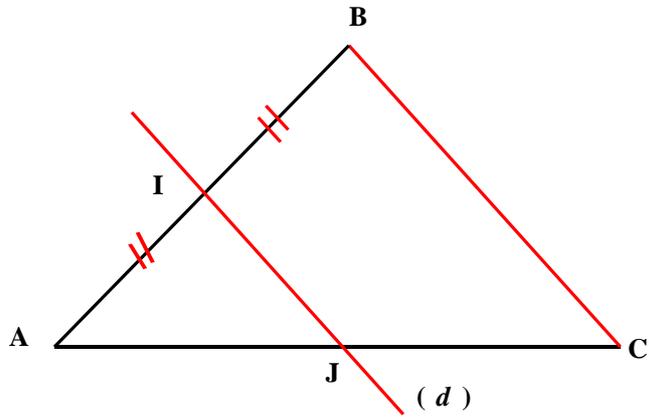
3- حدد طبيعة الرباعي AICD ؟ علل الجواب

4- استنتج ان J منتصف [AC]

في كل مثلث ، المستقيم العار من منتصف ضلع والموازي لحامل ضلع ثاني يمر من منتصف الضلع الثالث

في المثلث ABC  
المستقيم (d) يمر من منتصف القطعة [AB]  
و يوازي (BC)

(d) منتصف J يمر من [AC]



### 3- تطبيقات

#### نموذج 1

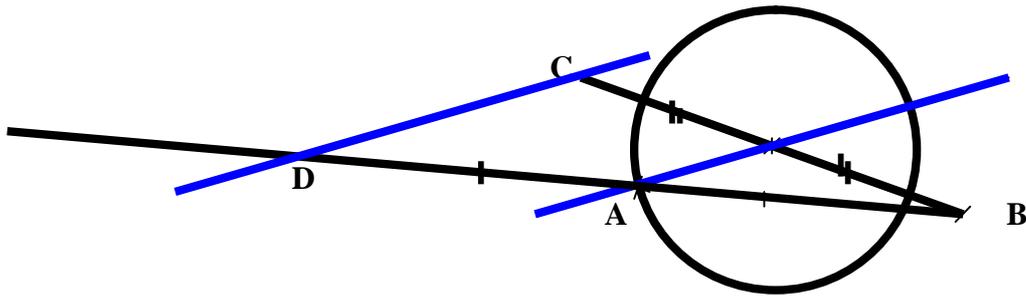
ارسم دائرة مركزها I و A نقطة من الدائرة و B نقطة خارج الدائرة  
نعتبر C ممالة B بالنسبة للنقطة I و النقطة D ممالة B بالنسبة للنقطة A

a. ارسم المستقيمين (DC) و (AI).

b. أثبت أن (AI) و (DC) متوازيان

c. بين أن  $DC = 2 \times AI$

#### الجواب



في المثلث CBD

لدينا I منتصف [CB] و [CB] منتصف [BD]

إذن (AI) و (CD) متوازيان

ولدينا  $AI = \frac{1}{2} \times DC$

وبالتالي  $DC = 2 \times AI$

#### نموذج 2

نعتبر مستقيمين (D<sub>1</sub>) و (D<sub>2</sub>) متقاطعان في I

لتكن M نقطة من (D<sub>1</sub>) و N ممالة I بالنسبة للنقطة M

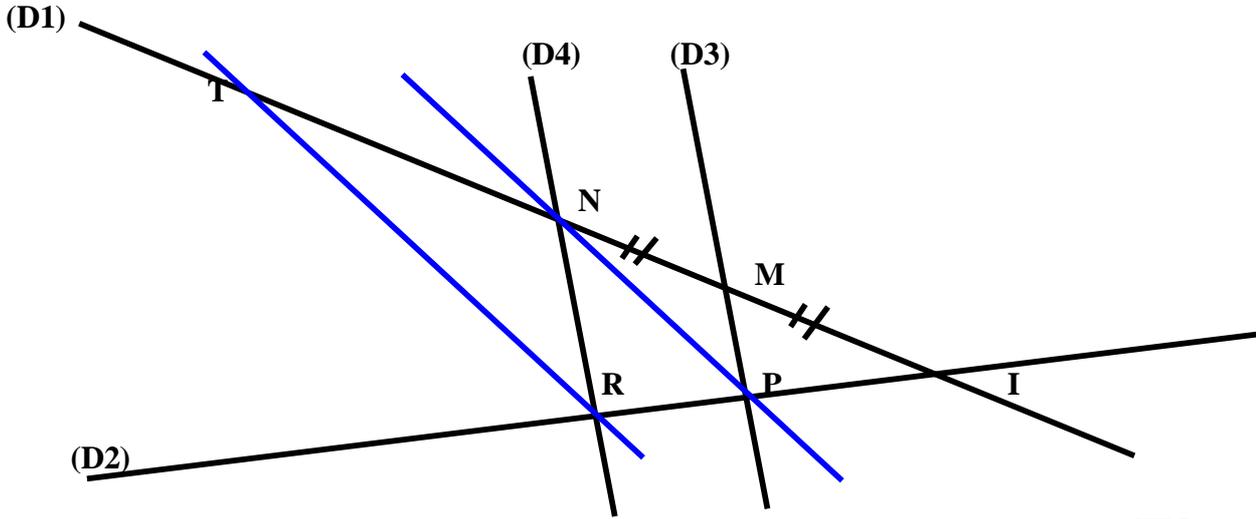
المستقيم (D<sub>3</sub>) المار من M يقطع (D<sub>2</sub>) في P

المستقيم (D<sub>4</sub>) الموازي ل (D<sub>3</sub>) والمار من N يقطع (D<sub>2</sub>) في R

أنشئ المستقيم (NP) ثم مستقيم مواز له ومار من R يقطع (D<sub>1</sub>) في T.

1- أثبت أن P منتصف [IR].

2- بين أن N منتصف [IT].



اثبت أن P منتصف [IR]

في المثلث INR

لدينا M منتصف [NI] و المستقيم (D4) مواز ل (MP) و مار من M  
اذن (D4) يمر من منتصف [RI] أي P منتصف [RI]

بين ان N منتصف [IT].

في المثلث ITR

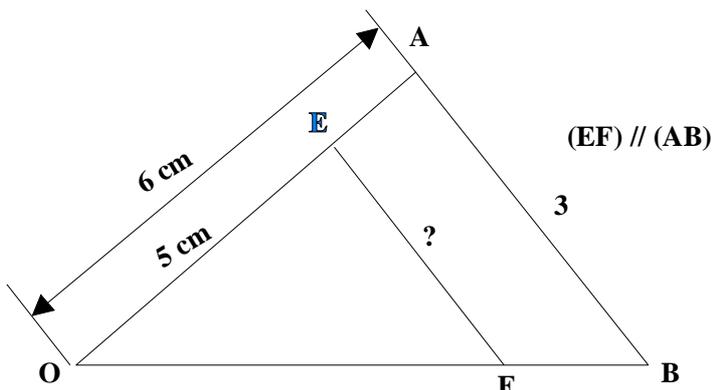
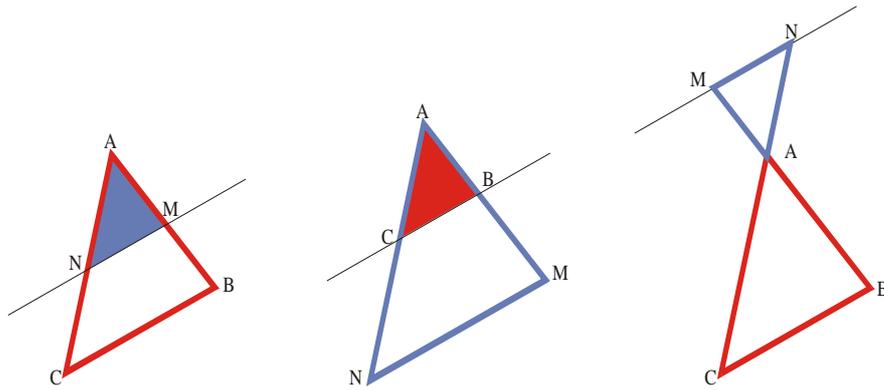
لدينا P منتصف [RI] و (NP) يوازي (TR)

اذن N منتصف [IT]

#### -4 - خاصية طاليس المباشرة

اذا كان  $AMN$  و  $ABC$  مثلثان حيث  $A, B, M$  و  $A, C, N$  نقط مستقيمة

$$\frac{AM}{AB} = \frac{AN}{AC} = \frac{MN}{BC} \text{ . فان } (MN) \text{ و } (BC) \text{ متوازيان}$$



مثال 1 انظر الشكل المطلوب حساب EF



متوازيان (AB) و (EF) و O في تقاطع (EA) و (FB)

لدينا  
اذن

$$\therefore \frac{OE}{OA} = \frac{OF}{OB} = \frac{EF}{AB}$$

$$\frac{5}{6} = \frac{EF}{3}$$

$$EF \times 6 = 5 \times 3$$

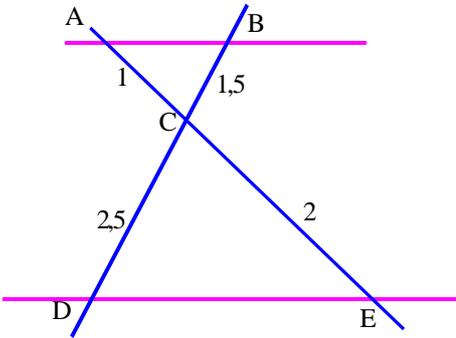
$$EF = \frac{15}{6} = 2,5$$

$$\boxed{EF = 2,5 \text{ cm}}$$

**مثال 2** انظر الشكل

المطلوب حساب OD و AC حيث (BD) // (AC) و OA = 2,5 cm ; OB = 3 cm ; OC = 2 cm et BD = 3,6 cm.

• حساب OD :



$$\frac{OA}{OB} = \frac{OC}{OD} = \frac{AC}{DB}$$

$$\frac{2,5}{3} = \frac{2}{OD} = \frac{AC}{3,6}$$

$$OD = \frac{2 \times 3}{2,5} = 2,4 \quad \text{أي} \quad \frac{2,5}{3} = \frac{2}{OD}$$

$$\boxed{OD = 2,4 \text{ cm}}$$

حساب AC

$$\frac{2,5}{3} = \frac{AC}{3,6} \quad \text{أي} \quad AC = \frac{2,5 \times 3,6}{3} = 3.$$

$$\boxed{AC = 3 \text{ cm}}$$